

Федеральное государственное образовательное бюджетное
учреждение высшего образования
«Финансовый университет при Правительстве Российской Федерации»

Омский филиал Финуниверситета

Кафедра «Естественно-научные и гуманитарные дисциплины»

УТВЕРЖДАЮ

Директор Омского филиала
Финуниверситета



Т.В. Ивашкевич
«16» мая 2025 г.

ПРИЛОЖЕНИЕ К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ

МАТЕМАТИКА

Год утверждения программы: 2022

Разработчики рабочей программы дисциплины: Кремер Н.Ш.

НАПРАВЛЕНИЕ ПОДГОТОВКИ: 38.03.04 «Государственное и муниципальное управление»

ПРОФИЛЬ: «Государственное и муниципальное управление»

Составитель актуализации: Бурмистрова Н.А.

*Рекомендовано Ученым советом Омского филиала Финуниверситета
(протокол от «16» мая 2025 г. №23)*

*Одобрено кафедрой «Естественно-научных и гуманитарных дисциплин»
(протокол от «30» апреля 2025 г. №4)*

Омск 2025

Приложение к рабочей программе дисциплины разработала
кандидат педагогических наук, доцент ***Н.А. Бурмистрова***

Математика. Приложение к рабочей программе дисциплины для студентов, обучающихся по направлению подготовки 38.03.04 «Государственное и муниципальное управление», квалификация (степень) бакалавр. – Омск: 2025.

© Омский филиал Финансового университета при
Правительстве Российской Федерации, 2025

Содержание

5.3.Содержание практических и семинарских занятий	4
6.Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине	7
6.1.Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы.....	7
6.2.Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю.....	9
7.Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине.....	26
7.1.Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы.....	26
7.2.Показатели и критерии оценивания компетенций.....	26
7.3.Типовые контрольные задания и иные материалы, необходимые для оценки индикаторов достижения компетенций, умений и знаний.....	31
8.Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины	39
9.Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.....	40
10.Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины	40
11.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем	43
12.Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине	43

5.3.Содержание практических и семинарских занятий

Практические занятия служат для углубленного изучения материала дисциплины и приобретения практических навыков в соответствии с ее целями и задачами. Они предусматривают решение задач, в том числе на компьютере, контрольные работы, тесты.

Наименование тем (разделов) дисциплины	Перечень вопросов для обсуждения на практических занятиях, рекомендуемые источники	Формы проведения занятий
1.Числовые множества и функции	1. Понятие множества. Числовые множества. Множество комплексных чисел. Алгебраическая форма. Арифметические действия над комплексными числами. Представление комплексных чисел в тригонометрической форме. Операции над комплексными числами. Нахождение комплексных корней многочлена. 2. Понятие функции. Свойства функций. Элементарные функции. Сложная функция. Функциональные зависимости в экономике. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 2, 3, 4	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
2.Предел и непрерывность	1. Предел функции в точке и на бесконечности. Использование свойств бесконечно больших и бесконечно малых функций. 2. Раскрытие неопределенностей. Замечательные пределы. 3. Односторонние пределы. Нахождение точек разрыва функции. Определение их типа. Нахождение асимптот функции. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 3, 4	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
3. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Производная функции. Таблица производных элементарных функций. Правила дифференцирования. Дифференцирование сложной функции. Вычисление производных функции. Касательная и нормаль к графику функции. Дифференциал функции. 3. Предельные величины в экономике, их интерпретация. Эластичность функции. 4. Производная неявно заданной функции. Производная степенно- показательной функции.	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме

	5. Вычисление пределов функции по правилу Лопиталя. 6. Экстремумы функции. Выпуклость, вогнутость. Полное исследование функции и построение графика. Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 3, 4, 5	
4. Интегральное исчисление функции одной переменной	1. Первообразная и неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования (непосредственное, подстановка, по частям). 2. Интегрирование квадратного трехчлена. Интегрирование рациональных дробей. 3. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование иррациональных функций. 4. Вычисление определенных интегралов. 5. Приложения определенного интеграла. 6. Вычисление несобственных интегралов. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 3, 4	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
5. Функции нескольких переменных	1. Функции нескольких переменных. Геометрическая интерпретация. Линии уровня. Частные производные функций нескольких переменных. 2. Локальный экстремум функции нескольких переменных. Условный экстремум функции нескольких переменных. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции в замкнутой области. 3. Двукратные и двойные интегралы. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 3, 4, 5	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
6. Дифференциальные уравнения	1. Дифференциальные уравнения первого порядка. Общее и частное решения. Особые решения. Задача Коши. Интерпретация результатов решения дифференциального уравнения при исследовании динамических процессов. 2. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 3, 4	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме

7. Векторы и матрицы	1. Матрицы. Виды матриц. Операции над матрицами. Свойства операций над матрицами. 2. Элементарные преобразования над строками и столбцами матрицы. Линейная зависимость и линейная независимость строк и столбцов. Ранг матрицы. Обратная матрица. 3. Определители квадратных матриц. Вычисление определителей высоких порядков. 4. Решение матричных уравнений. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 2, 5	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
8. Системы линейных уравнений и неравенств	1. Системы линейных алгебраических уравнений. Методы решения квадратных систем линейных уравнений. 2. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений. Однородные системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений. 3. Балансовые модели. Модель В. Леонтьева многоотраслевой экономики. 4. Решение задач на прямые на плоскости и прямые и плоскости в пространстве. Нахождение областей в пространстве, заданных системой неравенств. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 2, 4	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
9. Линейное пространство	1. Нахождение собственных значений и собственных векторов матрицы. Модель международной торговли. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 2	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
10. Линейные преобразования и квадратичные формы	1. Решение задач на знакоопределенность квадратичной формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду. Рекомендуемая литература из раздела 7: 1, 2, 3, 4	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме
11. Линейное программирование	1. Графический метод решения задач линейного программирования. Симплексный метод. Преимущества использования современных программных средств. 2. Решение транспортных задач. Рекомендуемая литература из раздела 7: 4, 5	Обсуждение теоретических вопросов. Решение задач по тематике практического занятия в интерактивной форме

6.Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

6.1.Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы

Наименование тем (разделов) дисциплины	Перечень вопросов,отводимых на самостоятельное освоение	Трудоемкость,час.	Формы внеаудиторной самостоятельной работы
1. Числовые множества и функции	Свойства функций. Преобразования графиков функций. Примеры функций, демонстрирующие экономические зависимости (производственные функции, функции полезности, издержек, функции спроса и предложения, кривые безразличия и пр.)	10	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
2. Предел и непрерывность	Формула сложных процентов. Использование второго замечательного предела для вывода формулы непрерывного начисления процентов	10	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
3. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Выполнение заданий контрольной работы по исследованию функций и построению графика, используя методические указания	10	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
4. Интегральное исчисление функции одной переменной	Интегрирование тригонометрических функций. Особые виды замены. Экономический смысл определенного интеграла.	10	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
5. Функции нескольких переменных	Решение практико-ориентированных задач по нахождению наибольшего и наименьшего значения функции в замкнутой области.	8	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
6. Дифференциальные уравнения	Модель естественного роста. Интерпретация.	8	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
7. Векторы и матрицы	Свойства определителей квадратных матриц. Их использование при вычислении определителей высоких порядков.	15	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.

8. Системы линейных уравнений и неравенств	Критерии продуктивности технологической матрицы экономической системы. Исследование на продуктивность.	15	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
9. Линейное пространство	Исследование линейной модели международной торговли.	10	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
10. Линейные преобразования и квадратичные формы	Приведение квадратичной формы к каноническому виду. Геометрическая интерпретация.	5	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
11. Линейное программирование	Теория двойственности. Основные теоремы двойственности. Их использование при решении задач.	15	Работа с учебной литературой. Решение типовых и профессионально ориентированных задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий.
Итого		116	

6.2.Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю

Текущая работа студента предполагает самостоятельное решение задач по пройденным темам. В соответствии с учебным планом студенты должны выполнить две контрольные работы.

Контрольная работа в 1 семестре включает в себя следующие типы задач

1. Вычисление пределов функций. Раскрытие неопределенностей разного типа. Непрерывное начисление процентов.
2. Нахождение производных сложных функций одной переменной. Нахождение производных высших порядков.
3. Экономические приложения производных. Предельные величины. Эластичность.
4. Вычисление пределов с использованием правила Лопиталя.
5. Построение графиков функции с использованием общей схемы исследования функции.
6. Нахождение неопределенных интегралов разными методами.
7. Вычисление определенных интегралов по формуле Ньютона- Лейбница.
8. Вычисление площадей плоских фигур. Экономические приложения определенного интеграла.
9. Нахождение частных производных первого и второго порядков.
10. Решение дифференциальных уравнений.

Примерные задания для контрольной работы

1. Вычислить предел функции:

$$\text{a) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^2 - 7x + 6}{x^2 - 5x + 6};$$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{3+2x} - \sqrt{x+2}}{x-1};$$

$$\text{в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - \cos 5x}{x \sin 4x};$$

$$\text{г) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left| \frac{(x-4)^{5x-3}}{(x-8)} \right| \dots$$

2. Найти производную:

$$\text{a) } y = x^2 - 4 \arcsin x + 4 \sqrt{x^4 - 5}; \quad \text{б) } y = \sqrt[3]{3x+1} \cdot \ln x; \quad \text{в) } y = \frac{3x^2}{e^{2x-5}};$$

3. Исследовать функцию $y = \frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 - x^2 + 5$ и построить ее график.

4. Найти интегралы:

$$\text{a) } \int \left(4x^3 - \frac{1}{\sqrt{9+x^2}} - 4 \sin 2x - e^{2-3x} \right) dx;$$

$$\text{б) } \int \sqrt[4]{2x-1} dx.$$

$$\text{в) } \int x \cos x dx;$$

$$\text{г) } \int x^2 \ln x dx.$$

5. Вычислить интегралы: а) $\int_{-1}^8 \sqrt[3]{x} dx$; б) $\int_{-2}^2 \frac{dx}{x^2 + 4x + 20}$.

6. Известны линейные зависимости спроса $D = 400 - 5p$ и предложения $S = 100 + 5p$ от цены товара p . Найти равновесную цену и выручку от

продажи товара при равновесной цене.

7. Первоначальный вклад, положенный в банк под 10 % годовых составил 6 млн долл. Найти наращенную сумму вклада через 5 лет при условии непрерывного начисления процентов.
8. Объем продукции, произведенной цехом, определяет уравнение $u = -\frac{5}{6}t^3 + \frac{15}{2}t^2 + 100t + 50$, где $t \in [1; 8]$. Вычислить производительность

труда через час после начала работы и за час до ее окончания. Известна зависимость дохода R и издержек C от объема производства

$R(x) = -2x^2 + 20x$; $C(x) = x^3 - 35x^2 + 150x$. Производственные мощности позволяют производить до 25 единиц продукции. При каком объеме производства прибыль максимальна?

9. Зависимость производительности труда от времени в течение смены (8 часов) для двух рабочих соответственно равна: $p_1(t) = 24 - 0,8t$,
 $p_2(t) = 27 - 0,2t - 0,006t^2$. В первый день рабочие выполнили 80 % всей работы. На следующий день работу заканчивал один первый рабочий. За сколько часов была выполнена вся работа?

Контрольная работа в 2 семестре включает в себя следующие типы задач

1. Решение задач на операции с матрицами. Элементарные преобразования над строками матрицы. Вычисление ранга матрицы.
2. Вычисление определителей квадратных матриц.
3. Нахождение обратных матриц.
4. Решение матричных уравнений.
5. Решение систем линейных уравнений методом обратной матрицы, по формулам Крамера и методом Гаусса.
6. Решение систем линейных однородных уравнений. Нахождение фундаментальной системы решений.
7. Модель Леонтьева многоотраслевой экономики.
8. Модель международной торговли.
9. Аналитическая геометрия на плоскости.
10. Задачи линейного программирования.

Примерные задания для контрольной работы

1. Найти матрицу X из уравнения: $3X + 2 \cdot \begin{pmatrix} -7 & 5 & 2 \\ 0 & -4 & -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 7 \\ -3 & -2 & 9 \end{pmatrix}$.

2. Пусть $A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ -7 & -4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 9 & -6 \\ 2 & -4 \end{pmatrix}$. Найти матрицу $AB - BA$.

3. Решить матричное уравнение $XA + B = C$, где $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ -1 & -5 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -7 & -4 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$,

$C = \begin{pmatrix} 5 & -9 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$.

4. Решить уравнение: $\begin{vmatrix} 3 & -x & -2 \\ -5x & 6 & 3x \\ -7 & -11 & 4 \end{vmatrix} = 0$.

5. По формулам Крамера решить систему линейных уравнений:

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 5, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 1, \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 11. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 1, \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 11. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 11. \end{cases}$$

6. Решить систему уравнений методом Гаусса и найти общее решение и 2

$$\begin{cases} x_1 + 9x_2 - 22x_3 + 27x_4 + 17x_5 = -15; \\ -x_1 - 2x_2 - 8x_3 + 5x_4 + 5x_5 = 1; \\ -3x_2 + 13x_3 - 14x_4 - 10x_5 = 6. \end{cases}$$

базисных решения: $\begin{cases} -x_1 - 2x_2 - 8x_3 + 5x_4 + 5x_5 = 1; \\ -3x_2 + 13x_3 - 14x_4 - 10x_5 = 6. \end{cases}$

$$\begin{cases} -3x_2 + 13x_3 - 14x_4 - 10x_5 = 6. \end{cases}$$

7. Найти фундаментальную систему решений однородной системы

$$\begin{cases} x + 3x_2 + 2x_3 - 2x_4 + x_5 = 0, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 - x_4 - x_5 = 0, \\ x_1 - 4x_2 + x_3 + x_4 - x_5 = 0, \end{cases}$$

линейных уравнений

$$\begin{cases} x_1 - 4x_2 + x_3 + x_4 - x_5 = 0, \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 3x_2 + 4x_3 - 2x_4 - x_5 = 0. \end{cases}$$

8. Даны вершины треугольника ABC : $A(-5;0)$, $B(7;9)$, $C(5;-5)$. Найти:
- а) уравнения сторон AB , AC , BC и их длины;
 - б) уравнение и длину медианы AM ;
 - в) уравнение и длину высоты BD ;
 - г) уравнение прямой, проходящей через точку C параллельно AB ;
 - д) координаты центра тяжести треугольника ABC ;
 - е) угол A .

9. Известна матрица прямых затрат производства двух отраслей

$$A = \begin{pmatrix} 0,1 & 0,5 \\ 0,3 & 0,2 \end{pmatrix} \text{ и вектор конечной продукции } Y = \begin{pmatrix} 400 \\ 500 \end{pmatrix}.$$

Найти вектор валовой продукции $X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$.

10. Найти соотношение торговых бюджетов двух стран для сбалансированной торговли, если известна структурная матрица торговли этих

стран

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 1 & 4 \\ / & / & / & / \\ 1 & 5 & 3 & 4 \end{pmatrix}.$$

11. Решить графическим методом задачу:

$$Z = 4x + 3y \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 5x + y \geq 15 \\ 2x + y \geq 12 \\ x + y \geq 7 \end{cases}$$

$$x, y \geq 0$$

12. Решить симплекс-методом (или двойственным симплекс-методом) задачу:

$$Z = x_1 + 2x_2 + 2x_3 \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 \geq 1 \\ x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 2 \\ x_1 + 2x_2 - 2x_3 \leq 6 \end{cases}$$

$$x_j \geq 0$$

13. Решить транспортную задачу:

	A ₁	A ₂	A ₃	A ₄	A ₅
B ₁	1	2	5	3	60
B ₂	4	6	5	2	120
B ₃	6	3	7	4	100
	20	110	40	110	

Примеры вариантов контрольных работ

Контрольная работа № 1. Математический анализ

1. Найти указанные пределы

1) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 3x + 1}{2x^2 - 3x - 5}$	2) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{3 - 8x - 3x^2}{x^2 + x - 6}$	3) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 + x - 3}{x^2 + 3x + 1}$
4) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + x - 12}{x - 2 - 4 - x}$	5) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 8x}{3x^2}$	6) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x + 4}{x + 8} \right)^{-3x + 7}$

2. Найти производные функций

$y = (3x^5 - 7x\sqrt{x} + 11)^6$	$y = \sqrt[5]{\left(\frac{3-5x}{5x-4}\right)^2}$
$y = \arcsin 2x + \sqrt{5x+1}$	$y = 5^{\lg x} + x^2 \cos 7x$

3. Вычислить предел, используя правило Лопиталя

$$\ln(x^2 - 3)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 3x - 10}{x^2 - 3x + 10}$$

4. Провести полное исследование функции и построить график

$$y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 13$$

5. Зависимость между издержками производства и объемом выпускаемой

продукции выражает функция $C(x) = 20x - 0,06x^3$. Найти средние и предельные издержки при объеме продукции, равном 10 единиц.

Определить целесообразность расширения производства.

6. Найти интегралы

$\int \frac{\ln(x-6)}{x-6} dx$	$\int x \cos 7x dx$	$\int \frac{x+6}{x^2-3x-4} dx$
--------------------------------	---------------------	--------------------------------

7. Вычислить интегралы

$\int_0^{\pi/2} \sin x \cdot \cos^2 x dx$	$\int_0^{\ln 3} (5+x) \cdot e^{3x} dx$
---	--

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями

$$\begin{cases} y = x^2 + 5x - 6 \\ y = -x - 6 \end{cases}$$

9. Найти все частные производные второго порядка. Проверить, что

$$z''_{xy} = z''_{yx} \quad z = \sin(2x^3 + 3y^2)$$

10. Исследовать на экстремум следующие функции

$$z = x^3 + y^2 - 6xy - 39x + 18y + 20$$

Контрольная работа № 2. Линейная алгебра

1. Пусть $A = \begin{pmatrix} 9 & -5 \\ 7 & -2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 6 & -1 \\ 8 & -3 \end{pmatrix}$. Вычислить $AB - BA$.
2. Пусть $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & -7 & 5 \\ -1 & -4 & 0 & 2 \\ 0 & 9 & -2 & 6 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -5 & 1 \\ 0 & 3 \\ -2 & 0 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} -3 & 0 & 1 \\ 2 & 4 & -6 \end{pmatrix}$.

Найти матрицу $D = A^T B C$.

3. Показать, что матрица $A = \begin{pmatrix} 3 & 8 & -5 \\ 4 & -2 & 7 \\ -6 & 1 & -9 \end{pmatrix}$ обратима и найти A^{-1} с помощью присоединенной матрицы.

4. Решить матричное уравнение: $XA + B^T = 3C$

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}.$$

5. Решить уравнение: $\begin{vmatrix} -9 & 7x & -5 \\ x & -6 & -1 \\ 1 & -4x & 3 \end{vmatrix} = 0$.

6. Вычислить определитель, используя формулу разложения по 1-й строке:

$$\begin{vmatrix} -5 & 0 & 2 & 0 \\ -7 & 8 & 6 & -3 \\ 1 & 9 & -4 & -2 \\ 5 & -8 & 7 & -1 \end{vmatrix}$$

7. Решить систему линейных уравнений:

а) по формулам Крамера

б) методом обратной матрицы

в) методом Гаусса

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 6 \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 3 \\ x_1 - x_2 + 2x_3 = 5 \end{cases}$$

8. Найти фундаментальную систему решений однородной системы линейных уравнений:

$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 - 4x_4 + 2x_5 = 0 \\ x_1 + 2x_2 - x_3 - x_5 = 0 \\ x_1 - x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 0 \\ x_2 - x_3 + x_4 - 2x_5 = 0 \end{cases}$$

9. Даны вершины треугольника ABC :

$A(0;-1), B(12;8), C(10;-6)$. Найти:

- а) уравнения сторон AB, AC, BC и их длины; б) уравнение и длину медианы AA_1 ;
- в) уравнение и длину высоты BD ;
- г) уравнение прямой, проходящей через точку C параллельно AB ;
- д) координаты центра тяжести M треугольника ABC ;
- е) угол A .

10. Определить, при каком значении C плоскости $3x - 5y + Cz - 3 = 0$ и $x - 3y + 2z + 5 = 0$ будут перпендикулярны.

Вопросы для самопроверки (зачет, экзамен)

Раздел «Математический анализ»

1. Функция. Свойства функций. Примеры функций в экономике. Основные элементарные функции. Сложная функция.
2. Предел функции. Определение предела функции в точке. Односторонние пределы. Предел функции на бесконечности. Свойства пределов функций.
3. Бесконечно большие и бесконечно малые функции, их свойства. Эквивалентные бесконечно малые функции и их свойства. Раскрытие неопределенностей.
4. Замечательные пределы. Задача о непрерывном начислении процентов.
5. Непрерывность функции в точке, на интервале, на отрезке. Точки разрыва и их классификация.
6. Асимптоты графика функции, их виды.
7. Производная функции. Таблица производных основных элементарных функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции.
8. Геометрический смысл производной. Уравнения касательной и нормали к графику функции в некоторой точке.
9. Дифференцирование неявно заданных функций и функций, заданных параметрически. Логарифмическое дифференцирование.
10. Дифференциал функции. Основные теоремы о дифференциалах. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.
11. Правило Лопиталя. Применение правила Лопиталя для раскрытия неопределенностей.
12. Применение производной к исследованию функций. Монотонность. Экстремумы. Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке. Выпуклость, вогнутость графика функции. Точки перегиба. Общая схема исследования функции и построения графика.
13. Экономический смысл производной. Предельные показатели. Эластичность.

14. Первообразная. Неопределенный интеграл. Основные свойства неопределенного интеграла. Таблица основных интегралов.
15. Основные методы интегрирования (замена переменной, интегрирование по частям). Интегрирование рациональных дробей и тригонометрических выражений.
16. Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Экономический смысл определенного интеграла.
17. Несобственные интегралы.
18. Понятие функции нескольких переменных. Примеры в экономике.
19. Частные производные первого порядка. Частные производные высших порядков. Теорема об изменении порядка дифференцирования (теорема Шварца).
20. Экстремум функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в замкнутой области. Примеры.
21. Двойные и двукратные интегралы.
22. Социально-экономические задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Основные понятия: определение дифференциального уравнения, порядок дифференциального уравнения, решение дифференциального уравнения. Общее и частное решения дифференциального уравнения.
23. Дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.
24. Дифференциальные уравнения высших порядков. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.

Раздел «Линейная алгебра»

25. Матрицы. Виды матриц. Операции над матрицами. Свойства операций над матрицами. Матрицы в экономике.
26. Обратная матрица. Единственность обратной матрицы.
27. Элементарные преобразования над строками матрицы. Вычисление обратной матрицы с помощью элементарных преобразований над строками. Матричные уравнения.
28. Определитель квадратной матрицы. Свойства определителей. Теорема Лапласа. Методы вычисления определителей высоких порядков.
29. Теорема о необходимом и достаточном условии существования обратной матрицы. Нахождение обратной матрицы с помощью присоединенной матрицы.
30. Решение систем n линейных уравнений с n неизвестными методом обратной матрицы и по формулам Крамера.
31. Модель Леонтьева многоотраслевой экономики.
32. Системы m линейных уравнений с n неизвестными. Метод Гаусса решения СЛУ.
33. Однородные системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений

однородной СЛУ.

34. Собственные векторы и собственные значения матрицы. Характеристическое уравнение.

35. Модель международной торговли. Структурная матрица торговли.

36. Квадратичные формы. Матричная запись. Канонический и нормальный вид квадратичной формы. Знакоопределенность квадратичных форм. Критерии знакоопределенности.

37. Векторы. Линейные операции над векторами.

38. Прямые на плоскости.

39. Прямые и плоскости в пространстве.

40. Примеры линейных оптимизационных моделей в экономике и управлении.

Постановка и различные формы записи задачи линейного программирования.

41. Геометрическая интерпретация задачи линейного программирования.

Допустимые решения. Графическое решение ЗЛП.

42. Алгоритм симплексного метода решения задач линейного программирования.

Критерий оптимальности.

43. Транспортная задача.

Демонстрационный вариант экзаменационного билета

2 семестр, очное отделение

1 вопрос (5 баллов) Найти все частные производные первого порядка функции $Z = \ln(3x^2 - 2y^3)$. Доказать, что $y^2 \cdot Z'_x + x \cdot Z'_y = 0$.

2 вопрос (10 баллов) Решить дифференциальное уравнение $y' = (1 - y)x$.

3 вопрос (5 баллов) Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & -4 & 1 \\ 3 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ и $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$. Сумма элементов

матрицы $B \cdot A$, расположенных на ее главной диагонали, равна...

4 вопрос (5 баллов) Вычислить определитель

$$\begin{vmatrix} 0 & 0 & 14 \\ b & 2 & 27 \\ -5 & a & 39 \end{vmatrix} \quad \text{если} \quad \begin{vmatrix} b & 2 \\ -5 & a \end{vmatrix} = \frac{2}{7}$$

5 вопрос (5 баллов) Пусть A и B обратимые квадратные матрицы одного порядка. Тогда решением матричного уравнения $AX=B$ является матрица...

6 вопрос (5 баллов) Обратная матрица для матрицы

7 вопрос (5 баллов)

Решая по формулам Крамера

$A = \begin{pmatrix} 6 & 4 \\ 8 & 5 \end{pmatrix}$ имеет вид ...

систему $\begin{cases} x_1 - 2x_2 - 2x_3 = -3 \\ 2x_1 - x_2 + 2x_3 = 0 \end{cases}$ получаем определить $\Delta = \dots$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 3x_3 = -1 \end{cases}$$

8 вопрос (5 баллов) Корень уравнения $\begin{vmatrix} 1-x & 2 \\ x+3 & 4 \end{vmatrix} = -4x$ равен ...

9 вопрос (5 баллов) Система линейных уравнений $\begin{cases} \lambda x - 6y = 7 \\ 5x - 3y = 8 \end{cases}$ имеет единственное решение, если λ не равно ...

10 вопрос (10 баллов) Потребитель тратит весь свой доход на потребление двух благ A и B . В таблице приведены ежемесячные данные об объёмах потребления и динамике изменения дохода потребителя по отношению к предыдущему месяцу:

Месяц	Потребление		Доход потребителя (у.е.)
	Благо A (ед.)	Благо B (ед.)	
Январь	30	4	
Февраль	33	6	Увеличится на 20%
Март	40	8	Увеличится на 25%

- а). Тогда отношение стоимости единицы блага A к стоимости единицы блага B равно__.
- б). Если стоимость единицы блага A равно четыре у.е., то доход потребителя в марте изменился на ____у.е.

Оценка знаний по 100-балльной шкале проводится в соответствии с нормативными документами Финуниверситета.

Ориентировочное распределение максимальных баллов по видам работы:

Очная форма обучения

№ п/п	Вид отчетности	Баллы всего
1.	Текущий контроль	40
	Активное участие в семинарах, посещаемость	10
	Домашняя контрольная работа	5

	Аудиторная контрольная работа	10
	Итоговая контрольная работа	15
2.	Экзамен (зачет)	60
3.	Итого	100

7.Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

7.1.Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы

Перечень компетенций, формируемых в процессе освоения дисциплины содержится в разделе 1. Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине.

7.2.Показатели и критерии оценивания компетенций

Экзамен (зачет) по дисциплине выставляется студенту при условии сформированности по каждой компетенции как минимум порогового уровня.

Показатели и критерии оценивания компетенций, описание шкал оценивания

Результаты обучения по дисциплине (модулю)	Шкала и критерии оценки результатов			
	Высокий уровень (отлично)	Продвинутый уровень (хорошо)	Пороговый уровень (удовлетворительно)	Пороговый уровень не достигнут (неудовлетворительно)
УК-11 «Способность к постановке целей и задач исследований, выбору оптимальных путей и методов их достижения»				
1. Аргументированно переходит от первоначальной субъективной формулировки проблемы к целостному структурированному описанию проблемной ситуации.				
Знать основные понятия и идеи алгебры и аналитической геометрии.	Знает основные понятия и идеи алгебры и аналитической геометрии.	Знает отдельные понятия и идеи алгебры и аналитической геометрии.	Частично знаком с понятиями алгебры и аналитической геометрии.	Не знает основные понятия и идеи алгебры и аналитической геометрии.

Уметь применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии для достижения намеченных целей деятельности.	Умеет применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии для достижения намеченных целей деятельности.	Частично умеет применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии для достижения намеченных целей деятельности.	Частично умеет применять методы линейной алгебры для достижения намеченных целей деятельности.	Не умеет применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии для достижения намеченных целей деятельности.
2. Обосновывает системную формулировку цели и постановку задачи управления.				
Знать основные понятия и идеи математического анализа.	Знает основные понятия и идеи математического анализа.	Знает отдельные понятия и идеи математического анализа.	Знает отдельные понятия математического анализа.	Не знает основные понятия и идеи математического анализа.
Уметь применять методы математического анализа для постановки задачи управления и ее решении.	Умеет применять методы математического анализа для постановки задачи управления и ее решении.	Частично умеет применять методы математического анализа для постановки задачи управления и ее решении.	Частично умеет применять методы математического анализа для постановки задачи управления.	Не умеет применять методы математического анализа для постановки задачи управления и ее решении.
3. Взвешенно и системно подходит к анализу ситуации, формулировке критериев и условий выбора.				
Знать основные понятия математического анализа.	Знает основные понятия математического анализа.	Знает отдельные понятия математического анализа.	Частично знает отдельные основные понятия математического анализа.	Не знает основные понятия математического анализа.
Уметь применять классические методы анализа для анализа ситуации, формулировки критериев и условия выбора	Умеет применять классические методы анализа для анализа ситуации, формулировки критериев и условия выбора	Частично умеет применять классические методы анализа для анализа ситуации, формулировки критериев и условия выбора	Частично умеет применять классические методы анализа для анализа ситуации	Не умеет применять классические методы анализа для анализа ситуации, формулировки критериев и условия выбора

4. Критически переосмысливает свой выбор, сопоставляя с альтернативными подходами. Оценивает последствия принимаемых решений, учитывая неочевидные цепочки «последствия последствий» («причины причин») и контурные связи.				
Знать основные понятия дифференциального исчисления	Знает основные понятия дифференциального исчисления	Знает отдельные понятия дифференциального исчисления	Частично знает отдельные понятия дифференциального исчисления	Не знает основные понятия дифференциального исчисления
Уметь применять классические методы дифференциального исчисления для оценки последствия принимаемых решений.	Умеет применять классические методы дифференциального исчисления для оценки последствия принимаемых решений.	Частично умеет применять классические методы дифференциального исчисления для оценки последствия принимаемых решений.	Фрагментарно умеет применять классические методы дифференциального исчисления для оценки решений.	Не умеет применять классические методы дифференциального исчисления для оценки последствия принимаемых решений.
5. Корректно использует процедуры целеполагания, декомпозиции и агрегирования, анализа и синтеза при решении практических задач управления и подготовке аналитических отчетов.				
Знать основные понятия интегрального исчисления.	Знает основные понятия интегрального исчисления.	Знает отдельные понятия интегрального исчисления.	Частично знает отдельные понятия интегрального исчисления.	Не знает основные понятия интегрального исчисления.
Уметь применять современный математический инструментарий для решения практических задач управления и подготовки аналитических отчетов.	Умеет применять современный математический инструментарий для решения практических задач управления и подготовки аналитических отчетов.	Частично умеет применять современный математический инструментарий для решения практических задач управления и подготовки аналитических отчетов.	Фрагментарно умеет применять современный математический инструментарий для решения практических задач управления.	Не умеет применять современный математический инструментарий для решения практических задач управления и подготовки аналитических отчетов.
6. Логично, последовательно и убедительно излагает в отчете цели, задачи, теорию и методологию исследования, результаты и выводы.				
Знать основные понятия	Знает основные понятия дифференциального и	Знает отдельные понятия дифференциального и	Частично знает отдельные понятия	Не знает основные понятия дифференциального и

дифференциального и интегрального исчислений, дифференциальных уравнений и рядов.	интегрального исчислений, дифференциальных уравнений и рядов.	интегрального исчислений, дифференциальных уравнений и рядов.	дифференциального и интегрального исчислений.	интегрального исчислений, дифференциальных уравнений и рядов.
Уметь применять современный математический инструментарий для решения управленческих задач и делать на их основании рекомендации по принятию управленческих решений.	Умеет применять современный математический инструментарий для решения управленческих задач и делать на их основании рекомендации по принятию управленческих решений.	Частично умеет применять современный математический инструментарий для решения управленческих задач и делать на их основании рекомендации по принятию управленческих решений.	Фрагментарно умеет применять современный математический инструментарий для решения управленческих задач.	Не умеет применять современный математический инструментарий для решения управленческих задач и делать на их основании рекомендации по принятию управленческих решений.
УК-13 «Способность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности»				
1. Понимает базовые принципы функционирования экономики и экономического развития, цели и формы участия государства в экономике.				
Знать фундаментальные понятия, идеи и инструменты дифференциального исчисления.	Знает фундаментальные понятия, идеи и инструменты дифференциального исчисления.	Знает некоторые фундаментальные понятия, идеи и инструменты дифференциального исчисления.	Знает некоторые понятия и инструменты дифференциального исчисления.	Не знает фундаментальные понятия, идеи и инструменты дифференциального исчисления.
Уметь применять современный математический инструментарий для решения прикладных задач.	Умеет применять современный математический инструментарий для решения прикладных задач.	Частично умеет применять математический инструментарий для решения прикладных задач.	Частично умеет применять математический инструментарий для решения задач.	Не умеет применять современный математический инструментарий для решения прикладных задач.

2. Применяет методы личного экономического и финансового планирования для достижения текущих и долгосрочных финансовых целей, использует финансовые инструменты для управления личными финансами (личным бюджетом), контролирует собственные экономические и финансовые риски.				
Знать фундаментальные понятия, идеи и инструменты математического анализа	Знает фундаментальные понятия, идеи и инструменты математического анализа	Знает отдельные фундаментальные понятия и инструменты математического анализа	Знает отдельные инструменты математического анализа	Не знает фундаментальные понятия, идеи и инструменты математического анализа
Уметь применять математический аппарат при моделировании финансово-экономических процессов, постановке и решении соответствующих задач и интерпретации получаемых результатов.	Умеет применять математический аппарат при моделировании финансово-экономических процессов, постановке и решении соответствующих задач и интерпретации получаемых результатов.	Частично умеет применять математический аппарат при моделировании финансово-экономических процессов, постановке и решении соответствующих задач и интерпретации получаемых результатов.	Частично умеет применять математический аппарат при моделировании финансово-экономических процессов.	Не умеет применять математический аппарат при моделировании финансово-экономических процессов, постановке и решении соответствующих задач и интерпретации получаемых результатов.

7.3. Типовые контрольные задания и иные материалы, необходимые для оценки индикаторов достижения

компетенций, умений и знаний

Промежуточная аттестация проводится в форме экзамена (зачета).

Компетенция	Индикаторы достижения компетенций	Вопросы к экзамену (зачета), Тестовые задания, Практико-ориентированные задания
УК-11 «Способность к постановке целей и задач исследований, выбору оптимальных путей и методов их достижения»	1. Аргументированно переходит от первоначальной субъективной формулировки проблемы к целостному структурированному описанию проблемной ситуации.	Вопросы к экзамену 1. Модель межотраслевого баланса. Матрица прямых затрат. Продуктивность модели Леонтьева. 2. Критерий продуктивности матрицы прямых затрат.
		Тестовые задания 1. Установите соответствие
		1. Мнимая единица А) Математическая модель
		2. Матрица В) Комплексное число
		3. Функция Кобба-Дугласа С) Производственная функция
		2. В экономической ситуации, сложившейся на рынке товара с известной функцией спроса $D(p) = \frac{3p+14}{p+3}$, определить эластичность спроса при цене 2 ден.ед: 2. -0,1 3. 0,1 4. 0,5 5. -0,5
		Практико-ориентированные задания 1. Известна матрица прямых затрат производства двух отраслей $A = \begin{pmatrix} 0,1 & 0,5 \\ 0,3 & 0,2 \end{pmatrix}$ и вектор конечной

		продукции $Y = \begin{pmatrix} 400 \\ 500 \end{pmatrix}$. Найти вектор валовой продукции $X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$. 2. Банкомат заправлен купюрами следующего номинала: по 1000 рублей – 1850 купюр, по 500 рублей – 230 купюр, по 100 рублей – 740 купюр, по 50 рублей – 250 купюр. Меню банкомата позволяет снять со счета суммы: 9750, 7350, 4700 и 2650 рублей. Определите количество человек, имеющих возможность воспользоваться банкоматом для получения каждой из указанных сумм, если выдача денег производится минимальным числом купюр.
	2. Обосновывает системную формулировку цели и постановку задачи управления.	Вопросы к экзамену 1. Этапы общей схемы исследования функции и построения графика. 2. Предельные величины в экономике. Предельные издержки и предельный доход. Связь с оптимизацией прибыли. Тестовые задания 1. Эластичность функции предложения показывает: a. на сколько процентов изменится объем предложения при изменении цены на 1% b. на сколько процентов изменится цена при изменении объема предложения на 1% c. на сколько процентов изменится объем предложения при изменении спроса на 1% d. на сколько процентов изменится объем спроса при изменении предложения на 1% 2. Укажите правильную последовательность этапов общей схемы исследования функции и построения графика a. нахождение интервалов монотонности b. исследование области определения c. нахождение промежутков выпуклости, вогнутости d. построение графика функции Практико-ориентированные задания 1. В экономической ситуации, сложившейся на рынке товара с известными функциями спроса и предложения $D(p) = \frac{3p+14}{p+3}$, $S(p) = p+2$, требуется определить доход от продажи товара, эластичность спроса и предложения, изменение дохода при увеличении равновесной цены на 10 %.

	3. Взвешенно и системно подходит к анализу ситуации, формулировке критериев и условий выбора.	Тестовые задания 1. Формула для расчета коэффициента эластичности функции спрос $D = D(p)$ имеет вид: a. $E_p(D) = \frac{p}{D(p)} \cdot D'(p)$ b. $E_p(D) = \frac{D'(p)}{D(p)}$ c. $E_p(D) = \frac{D(p)}{p} \cdot D'(p)$ 2. Как изменяется выручка при изменении цены в случае эластичного спроса? a. остается постоянной b. значительно изменится c. незначительно изменится Практико-ориентированные задания <i>Кейс</i> Для экономической системы, состоящей из трех отраслей: добыча и переработка углеводородов, электроэнергия, машиностроение, известны: матрица прямых затрат $A = \begin{pmatrix} 0,15 & 0,35 & 0,40 \\ 0,10 & 0,10 & 0,40 \\ 0,20 & 0,10 & 0,20 \end{pmatrix}$ вектор валового выпуска продукции $X = \begin{pmatrix} 100 \\ 100 \\ 50 \end{pmatrix}$ вектор цен на продукцию отраслей $P = \begin{pmatrix} 20 \\ 15 \\ 40 \end{pmatrix}$ <i>Вопросы к кейсу</i> 2. Запишите модель равновесных цен. Поясните ее связь с моделью многоотраслевого баланса. 3. Используя инструменты Excel, рассчитайте прирост цен на продукцию указанных отраслей для
--	--	--

		случая, если добавленную стоимость производства электроэнергии увеличить на 100 %.
	4. Критически переосмысливает свой выбор, сопоставляя с альтернативными подходами. Оценивает последствия принимаемых решений, учитывая неочевидные цепочки «последствия последствий» («причины причин») и контурные связи.	Тестовые задания 1. Эластичность функции предложения показывает: a. на сколько процентов изменится объем предложения при изменении цены на 1% b. на сколько процентов изменится цена при изменении объема предложения на 1% c. на сколько процентов изменится объем предложения при изменении спроса на 1% d. на сколько процентов изменится объем спроса при изменении предложения на 1% Практико-ориентированные задания 1. Функции спроса и предложения на товар заданы формулами: $D(p) = 11 - p$, $S(p) = 2p - 4$ Требуется определить равновесную цену, равновесный объем товара и денежную выручку от продажи товара в точке равновесия. Вычислить эластичность спроса и предложения в точке равновесия. Сделать вывод о целесообразности повышения цен 2. Зависимость издержек производства $y(x)$ от объема выпуска продукции x имеет вид $y(x) = \lg(71x^2 - 4x + 33)$. На сколько процентов возрастут издержки при увеличении объема выпуска на 1 % при заданном объеме в 1 усл. ед-цу? (принять $\ln 10$ равным 2.3)

6. Логично, последовательно и убедительно излагает в отчете цели, задачи, теорию и методологию исследования, результаты и выводы.	Вопросы к экзамену 1. Дифференциальное уравнение как пример математической модели естественного роста. 2. Как определяются эластичный и неэластичный спрос? Как изменяется выручка при изменении цены в случае эластичного и неэластичного спроса? Ответ обоснуйте. Тестовые задания 1. Спрос на продукцию зависит от цены следующим образом: $D(p) = \frac{25000}{p^2} - \frac{1}{5}$. Найти скорость изменения спроса при цене 10 ден. ед.: a. -50 b. -20 c. 50 d. 20 2. Отрицательное значение скорости изменения спроса свидетельствует: a. об уменьшении его объемов при повышении цены на товар b. об увеличении его объемов при повышении цены на товар c. о неизменности его объемов при повышении цены на товар Практико-ориентированные задания <i>Кейс</i> Функция издержек производства имеет вид $C(x) = 2x^3 - 27x^2 + 90x + 40$, где x—объем производимой продукции. Весь товар реализуется по фиксированной цене 6 у.е. <i>Вопросы к кейсу</i> 1. Тогда функция прибыли имеет вид ...
--	--

		<i>Варианты ответов:</i> 1) $P(x) = 2x^3 - 27x^2 + 84x + 40$; 2) $P(x) = -2x^3 + 27x^2 - 90x - 34$; 3) $P(x) = 2x^3 - 27x^2 + 96x + 40$; 4) $P(x) = -2x^3 + 27x^2 - 84x - 40$. 2. Тогда объем выпуска, при котором прибыль производителя будет наибольшей, равна_____.
УК-13 «Способность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности»	1. Понимает базовые принципы функционирования экономики и экономического развития, цели и формы участия государства в экономике.	Вопросы к экзамену 1. Как определяются эластичный и неэластичный спрос? Как изменяется выручка при изменении цены в случае эластичного и неэластичного спроса? Ответ обоснуйте. Тестовые задания 1. Как изменяется выручка при изменении цены в случае эластичного спроса? d. остается постоянной e. значительно изменится f. незначительно изменится 2. Формула для расчета коэффициента эластичности функции спрос $D = D(p)$ имеет вид: d. $E_p(D) = \frac{p}{D(p)} \cdot D'(p)$ e. $E_p(D) = \frac{D'(p)}{D(p)}$ f. $E_p(D) = \frac{D(p)}{p} \cdot D'(p)$ Практико-ориентированные задания 1. Первоначальный вклад, положенный в банк под 10 % годовых составил 5 млн долл. Найти наращенную сумму вклада через 6 лет при условии непрерывного начисления процентов. Сравнить с результатом, полученным по формуле сложных процентов. 2. В экономической ситуации, сложившейся на рынке товара с известными функциями спроса и предложения $D(p) = \frac{3p+14}{p+3}$, $S(p) = p+2$, требуется определить доход от продажи товара, эластичность спроса и предложения, изменение дохода при увеличении равновесной цены на 10 %.

	2. Применяет методы личного экономического и финансового планирования для достижения текущих и долгосрочных финансовых целей, использует финансовые инструменты для управления личными финансами (личным бюджетом), контролирует собственные экономические и финансовые риски.	Вопросы к экзамену 1. Этапы общей схемы исследования функции и построения графика. 2. Предельные величины в экономике. Предельные издержки и предельный доход. Связь с оптимизацией прибыли. Тестовые задания 1. Зависимость между издержками производства и объемом выпускаемой продукции выражает функция $C(x) = 50x - 0,05x^3$. Определить предельные издержки при объеме продукции 10 единиц: - a 35 ден.ед. - b 45 ден.ед. - c 25 ден.ед. - d 10 ден.ед. 2. Отрицательное значение скорости изменения спроса свидетельствует: d. об уменьшении его объемов при повышении цены на товар e. об увеличении его объемов при повышении цены на товар f. о неизменности его объемов при повышении цены на товар Практико-ориентированные задания 1. В условиях частичной монополии фирма самостоятельно определяет цену на свой товар, учитывая изменение спроса на него. Известно, что объем продаж y зависит от цены x по формуле $y = 40 - 2x$. Зависимость издержек C от объема реализованного товара y задана формулой $C(y) = y^2 + 2y + 7$. Рассматривая прибыль как разность между доходом и издержками и используя свойства квадратичной функции прибыли $P(y) = y \cdot x - C(y) = \frac{y(40 - y)}{2} - (y^2 + 2y + 7)$, определить максимальное значение прибыли и оптимальный объем выпуска товара.
--	---	---

8.Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература

1. Высшая математика для экономического бакалавриата: учебник и практикум / под ред. Н. Ш. Кремера. – Москва: Издательство Юрайт, 2019. – 418 с. ЭБС ЮРАЙТ. – URL: www.biblio-online.ru/book/vysshayaya-matematika-dlya-ekonomicheskogo-bakalavriata-v-3-ch-chast-3-436492
2. Кремер, Н. Ш. Линейная алгебра: учебник и практикум для бакалавриата и специалитета / под ред. Н. Ш. Кремера. – Москва : ИздательствоЮрайт, 2019. – 422 с. ЭБС ЮРАЙТ. – URL: www.biblio-online.ru/book/lineynaya-algebra-432050
3. Красс, М. С. Математика в экономике. Базовый курс: учебник для бакалавров / М. С. Красс. – Москва: Издательство Юрайт, 2019. – 470 с. ЭБС ЮРАЙТ. – URL: www.biblio-online.ru/book/matematika-v-ekonomike-bazovyy-kurs-426158

Дополнительная литература

4. Математические методы в экономике и финансах: учебник / под ред. В.М. Гончаренко, В.Ю. Попова и др. – Москва: КноРус, 2016. – 601 с. ЭБС book. – URL: <https://www.book.ru/book/920473>
5. Макаров, С.И. Математика для экономистов (математический анализ и линейная алгебра). Задачник: учебное пособие / Макаров С.И., Мищенко М.В. – Москва: КноРус, 2018. – 358с. ЭБС book. – URL: <https://www.book.ru/view4/930056/1>

9.Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. Информационно-образовательный портал Финансового университета: <http://org.fa.ru>.
2. Электронно-библиотечная система Znanium <https://znanium.com/>
3. Электронно-библиотечная система BOOK.RU <http://www.book.ru>
4. Электронно-библиотечная система издательства «ЮРАЙТ» <https://www.biblio-online.ru>
5. Научная электронная библиотека eLibrary <https://www.elibrary.ru/>

10.Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Изучение дисциплины требует систематического и последовательного накопления знаний, следовательно, пропуски отдельных тем не позволяют глубоко освоить предмет.

В процессе самостоятельной работы студент приобретает навыки самоорганизации, самоконтроля, самоуправления, саморефлексии и становится активным самостоятельным субъектом учебной деятельности. Выполняя самостоятельную работу под контролем преподавателя, студент должен:

- освоить минимум содержания, выносимого на самостоятельную работу студентов и предложенного преподавателем в соответствии с Образовательными стандартами высшего профессионального образования по данной дисциплине;
- планировать самостоятельную работу в соответствии с графиком самостоятельной работы, предложенным преподавателем;
- самостоятельную работу студент должен осуществлять в организационных формах, предусмотренных учебным планом и рабочей программой преподавателя;
- выполнять работу самостоятельно и отчитываться по ее результатам в соответствии с графиком представления результатов, видами и сроками отчетности по самостоятельной работе студентов.

Самостоятельная работа студентов включает в себя выполнение различного рода заданий, которые ориентированы на более глубокое усвоение

материала изучаемой дисциплины. По каждой теме учебной дисциплины студентам предлагается перечень заданий для самостоятельной работы.

Студентам следует:

- руководствоваться графиком самостоятельной работы, определенным рабочей программы дисциплины (далее - РПД);
- выполнять все плановые задания, выдаваемые преподавателем для самостоятельного выполнения, и разбирать на семинарах и консультациях неясные вопросы;
- использовать при подготовке нормативные документы Финансового университета;
- при подготовке к экзамену параллельно прорабатывать соответствующие теоретические и практические разделы дисциплины, фиксируя неясные моменты для их обсуждения на плановой консультации.

Студентам необходимо ознакомиться:

- с содержанием РПД, с целями и задачами дисциплины, ее связями с другими дисциплинами образовательной программы, методическими разработками по данной дисциплине, имеющимися на образовательном портале и сайте кафедры, с графиком консультаций преподавателей данной кафедры.

При подготовке к лекционным занятиям студентам необходимо:

- перед очередной лекцией просмотреть по конспекту материал предыдущей лекции.
- при затруднениях в восприятии материала следует обратиться к основным литературным источникам. Если разобраться в материале опять не удалось, то обратиться к лектору (по графику его консультаций) или к преподавателю на практических занятиях.

При подготовке к семинарским (практическим) занятиям студентам следует:

- приносить с собой рекомендованный преподавателем материал для практических занятий;

- до очередного практического занятия по рекомендованным литературным источникам проработать теоретический материал, соответствующей темы занятия;
- в начале занятий задать преподавателю вопросы по материалу, вызвавшему затруднения в его понимании и выполнении;
- в ходе практического занятия давать конкретные, четкие ответы по существу вопросов;
- на занятии доводить каждую задачу до окончательного решения, демонстрировать понимание ситуаций, в случае затруднений обращаться к преподавателю.

Студентам, пропустившим занятия (независимо от причин), не подготовившимся к семинару (практическому занятию), рекомендуется не позже чем в 2-недельный срок явиться на консультацию к преподавателю и отчитаться по теме занятия. Студенты, не отчитавшиеся по каждой не проработанной ими на занятиях теме к началу зачетной сессии, упускают возможность получить положенные баллы за работу в соответствующем семестре.

Любая форма самостоятельной работы студента (подготовка к семинарскому занятию, написание эссе, курсовой работы, доклада и т.п.) начинается с изучения соответствующей литературы, как в библиотеке, так и дома.

К каждой теме учебной дисциплины подобрана основная и дополнительная литература.

Одно из требований к условиям реализации образовательных программ бакалавриата на основе ФГОС является широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков студентов.

Интерактивное обучение — это специальная форма организации познавательной деятельности. В процессе изучения дисциплины можно использовать следующие: работа в малых группах по решению задач;

групповое обсуждение результатов решения задач, анализ конкретных ситуаций (case-stady). Результатом использования интерактивных форм работы является формирование компетентностной сферы студентов в рамках изучаемой дисциплины.

11.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем

Комплект лицензионного программного обеспечения:

1. Astra Linux Special Edition

Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

1. Справочная правовая система «КонсультантПлюс» (<http://www.consultant.ru>).
2. Информационно-образовательный портал Финансового университета. - <https://org.fa.ru>, <http://campus.fa.ru>

Сертифицированные программные и аппаратные средства защиты информации – не предусмотрено.

12.Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Для осуществления образовательного процесса по дисциплине «Математика» необходимо использовать аудитории, оснащенные компьютерами и проектором для демонстрации презентаций.